

1.

0,9 ;) 0,95

$p_1 = 0,95, p_2 = 0,9$ –

$q_1 = 1 - p_1 = 1 - 0,95 = 0,05;$
 $q_2 = 1 - p_2 = 1 - 0,9 = 0,1$

)

$\tilde{p}_1 = p_1q_2 + q_1p_2 = 0,95 \cdot 0,1 + 0,05 \cdot 0,9 = 0,095 + 0,045 = 0,14$ –

)

$q = q_1q_2 = 0,05 \cdot 0,1 = 0,005$ –

$p = 1 - q = 1 - 0,005 = 0,995$ –

:) 0,14) 0,995

2.

0,9 ;)

$p = 0,9$ –

$q = 1 - p = 1 - 0,9 = 0,1$

)

$\tilde{p}_1 = pq + qp = 0,9 \cdot 0,1 + 0,1 \cdot 0,9 = 0,09 + 0,09 = 0,18$ –

)

$q^* = qq = 0,1 \cdot 0,1 = 0,01$ –

$p^* = 1 - q^* = 1 - 0,01 = 0,99$ –

:) 0,18) 0,99

0,38.

3.

0,8.

$$p_1 - \quad : q_1 = 1 - p_1.$$

$$: p_2 = 0,8 - \quad : q_2 = 1 - p_2 = 1 - 0,8 = 0,2$$

$$: p = p_1q_2 + q_1p_2 -$$

$$p = 0,38, \quad :$$

$$0,38 = p_1 \cdot 0,2 + (1 - p_1) \cdot 0,8$$

$$0,38 = 0,2p_1 + 0,8 - 0,8p_1$$

$$0,6p_1 = 0,42$$

$$p_1 = 0,7 -$$

$$q_1 = 1 - 0,7 = 0,3 -$$

$$q^* = q_1q_2 = 0,3 \cdot 0,2 = 0,06 -$$

$$p^* = 1 - q^* = 1 - 0,06 = 0,94 -$$

$$: p_1 = 0,7 -$$

$$p^* = 0,94 -$$

4.

0,54,

- 0,04.

?

$$: p_1, p_2$$

$$: p_1p_2 = 0,54 -$$

$$p_1, p_2 - \quad , \quad 1 - p_1, 1 - p_2 -$$

$$(1 - p_1)(1 - p_2) = 0,04 -$$

$$1 - p_1 - p_2 + p_1p_2 = 0,04$$

$$p_1p_2 = 0,54 :$$

$$1 - p_1 - p_2 + 0,54 = 0,04$$

$$p_1 + p_2 = 1,5$$

$$\begin{cases} p_1 p_2 = 0,54 \\ p_1 + p_2 = 1,5 \end{cases} \Rightarrow p_2 = 1,5 - p_1$$

$$p_1(1,5 - p_1) = 0,54$$

$$1,5p_1 - p_1^2 = 0,54$$

$$p_1^2 - 1,5p_1 + 0,54 = 0$$

$$D = 2,25 - 2,16 = 0,09; D = 0,3$$

$$1) p_1 = \frac{1,5 - 0,3}{2} = 0,6 \Rightarrow p_2 = 1,5 - p_1 = 1,5 - 0,6 = 0,9$$

$$2) p_1 = \frac{1,5 + 0,3}{2} = 0,9 \Rightarrow p_2 = 1,5 - p_1 = 1,5 - 0,9 = 0,6$$

$$: 0,6 \quad 0,9 \quad 0,9 \quad 0,6$$

5.

6% , 14% , 13% .

500 .

: , $q_1 = 0,06$, $q_2 = 0,14$, $q_3 = 0,13$ -

p_1 , p_2 , p_3 -

$$p_1 = 1 - q_1 = 1 - 0,06 = 0,94 ;$$

$$p_2 = 1 - q_2 = 1 - 0,14 = 0,86 ;$$

$$p_3 = 1 - q_3 = 1 - 0,13 = 0,87 .$$

$$\frac{A}{\bar{A}} - \frac{A}{\bar{A}} \quad (\quad) ; \quad (\quad) .$$

: $P(A) + P(\bar{A}) = 1$.

$$P(A) = p_1 p_2 p_3 = 0,94 \cdot 0,86 \cdot 0,87 = 0,703308 .$$

$$, P(\bar{A}) = 1 - P(A) = 1 - 0,703308 = 0,296692$$

$$500 \cdot 0,296692 = 148,346$$

$$: 148,346$$

6.

3
0,95, -0,9, -0,85.
()

$$p_1 = 0,95, p_2 = 0,9, p_3 = 0,85 -$$

$$q_1 = 1 - p_1 = 1 - 0,95 = 0,05;$$

$$q_2 = 1 - p_2 = 1 - 0,9 = 0,1;$$

$$q_3 = 1 - p_3 = 1 - 0,85 = 0,15.$$

$$p(2) = p_1 p_2 q_3 + p_1 q_2 p_3 + q_1 p_2 p_3 = 0,95 \cdot 0,9 \cdot 0,15 + 0,95 \cdot 0,1 \cdot 0,85 + 0,05 \cdot 0,9 \cdot 0,85 =$$

$$= 0,12825 + 0,08075 + 0,03825 = 0,24725 -$$

$$q = q_1 q_2 q_3 = 0,05 \cdot 0,1 \cdot 0,15 = 0,00075 -$$

$$p = 1 - q = 1 - 0,00075 = 0,99925 -$$

$$:) 0,24725 \quad) 0,99925$$

7.

0,7, 0,8.

$$p_T = 0,7 -$$

$$q_T = 1 - p_T = 1 - 0,7 = 0,3 -$$

$$p = 0,8 -$$

$$p = p_T p_T p + p_T q_T p + q_T p_T p = 0,7 \cdot 0,7 \cdot 0,8 + 0,7 \cdot 0,3 \cdot 0,8 + 0,3 \cdot 0,7 \cdot 0,8 =$$

$$= 0,392 + 0,168 + 0,168 = 0,728 -$$

$$: 0,728$$

8.

0,4.

$$p = 0,4 -$$

$$q = 1 - p = 1 - 0,4 = 0,6$$

$$p(2) = ppq + pqp + qpp = 0,4 \cdot 0,4 \cdot 0,6 + 0,4 \cdot 0,6 \cdot 0,4 + 0,6 \cdot 0,4 \cdot 0,4 = 3 \cdot 0,096 = 0,288 -$$

$$q^* = qqq = 0,6 \cdot 0,6 \cdot 0,6 = 0,216 -$$

$$p^* = 1 - q^* = 1 - 0,216 = 0,784 -$$

$$:) 0,288 \quad) 0,784$$

9.

$$0,064.$$

$$: q -$$

$$: p = 1 - q.$$

$$\tilde{q} = qqq = q^3 -$$

$$\tilde{q} = 0,064$$

$$q^3 = 0,064 \Rightarrow q = \sqrt[3]{0,064} = 0,4$$

$$: p = 1 - q = 1 - 0,4 = 0,6$$

$$: 0,6$$

10.

$\frac{1}{5}$, $\frac{4}{5}$, $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$, $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$, $\frac{3}{4}$, $\frac{1}{4}$,
 $\frac{1}{5}$, $\frac{4}{5}$, $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$, $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$, $\frac{3}{4}$, $\frac{1}{4}$,
 $\frac{1}{5}$, $\frac{4}{5}$, $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$, $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$, $\frac{3}{4}$, $\frac{1}{4}$,

$$p_1 = \frac{1}{5}, p_2 = \frac{4}{5};$$

$$p_2 = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}, p_3 = \frac{4}{6} = \frac{2}{3};$$

$$p_3 = \frac{3}{4}, p_4 = \frac{1}{4}.$$

$$p = p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 = \frac{4}{5} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{4} = \frac{2}{15} -$$

$$\tilde{p} = p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 + p_1 \cdot p_2 \cdot p_4 + p_1 \cdot p_3 \cdot p_4 = \frac{1}{5} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{4} + \frac{4}{5} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4} + \frac{4}{5} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} =$$

$$= \frac{2}{60} + \frac{4}{60} + \frac{24}{60} = \frac{30}{60} = \frac{1}{2} -$$

$$:) \frac{2}{15},) \frac{1}{2}$$

11.

$\frac{5}{8}$, $\frac{3}{12}$, $\frac{7}{12}$, $\frac{5}{8}$, $\frac{3}{12}$, $\frac{7}{12}$,
 $\frac{5}{8}$, $\frac{3}{12}$, $\frac{7}{12}$, $\frac{5}{8}$, $\frac{3}{12}$, $\frac{7}{12}$,

$$: 5 + 3 = 8 , p_1 = \frac{5}{8} -$$

$$, p_1 = \frac{3}{8} -$$

$$: 5 + 7 = 12 , p_2 = \frac{5}{12} -$$

$$, p_2 = \frac{7}{12} -$$

$$: 5 + 1 = 6 \quad , p_3 = \frac{5}{6} -$$

$$, p_2 = \frac{1}{6} -$$

$$) \quad : \\ p = p_1 p_2 p_3 = \frac{5}{8} \cdot \frac{5}{12} \cdot \frac{5}{6} = \frac{125}{576} -$$

$$) \quad \ll \quad \gg \\ : \\ :$$

$$p = p_1 p_2 p_3 + p_1 p_2 p_3 + p_1 p_2 p_3 + p_1 p_2 p_3 = \\ = \frac{3}{8} \cdot \frac{7}{12} \cdot \frac{1}{6} + \frac{5}{8} \cdot \frac{7}{12} \cdot \frac{1}{6} + \frac{3}{8} \cdot \frac{5}{12} \cdot \frac{1}{6} + \frac{3}{8} \cdot \frac{7}{12} \cdot \frac{5}{6} = \frac{21}{576} + \frac{35}{576} + \frac{15}{576} + \frac{105}{576} = \frac{176}{576} = \frac{11}{36}$$

$$:) \frac{125}{576} \approx 0,22 \quad) \frac{11}{36} \approx 0,31$$

12. 4 , 0,8, 0,92, 0,95, 0,98 . ,

$$: \quad p_1 = 0,8, p_2 = 0,92, p_3 = 0,95, p_4 = 0,98 -$$

$$p = p_1 p_2 p_3 p_4 = 0,8 \cdot 0,92 \cdot 0,95 \cdot 0,98 = 0,685216 -$$

$$q = 1 - p = 1 - 0,685216 = 0,314784 -$$

$$: 0,314784$$

13.

0,8 ; 0,7 ; 0,9 ; 0,6 ;) 4 ;)

$p_1 = 0,6, p_2 = 0,8, p_3 = 0,7, p_4 = 0,9 -$

$q_1 = 1 - p_1 = 1 - 0,6 = 0,4;$
 $q_2 = 1 - p_2 = 1 - 0,8 = 0,2;$
 $q_3 = 1 - p_3 = 1 - 0,7 = 0,3;$
 $q_4 = 1 - p_4 = 1 - 0,9 = 0,1$

$P_{(4)} = p_1 p_2 p_3 p_4 = 0,6 \cdot 0,8 \cdot 0,7 \cdot 0,9 = 0,3024 -$

$P_{(1)} = p_1 q_2 q_3 q_4 + q_1 p_2 q_3 q_4 + q_1 q_2 p_3 q_4 + q_1 q_2 q_3 p_4 =$
 $= 0,6 \cdot 0,2 \cdot 0,3 \cdot 0,1 + 0,4 \cdot 0,8 \cdot 0,3 \cdot 0,1 + 0,4 \cdot 0,2 \cdot 0,7 \cdot 0,1 + 0,4 \cdot 0,2 \cdot 0,3 \cdot 0,9 =$
 $= 0,0036 + 0,0096 + 0,0056 + 0,0216 = 0,0404$

$P_{(0)} = q_1 q_2 q_3 q_4 = 0,4 \cdot 0,2 \cdot 0,3 \cdot 0,1 = 0,0024 -$

$P_{(2,3,4)} = 1 - (P_{(0)} + P_{(1)}) = 1 - (0,0404 + 0,0024) = 1 - 0,0428 = 0,9572 -$

$:) 0,3024) 0,0404) 0,9572$

14.

0,1. ;) ;) 0,7 ;)

$p_1 = 0,7, p_2 = 0,6, p_3 = 0,5, p_4 = 0,4$

$$q_1 = 1 - p_1 = 1 - 0,7 = 0,3$$

$$q_2 = 1 - p_2 = 1 - 0,6 = 0,4$$

$$q_3 = 1 - p_3 = 1 - 0,5 = 0,5$$

$$q_4 = 1 - p_4 = 1 - 0,4 = 0,6$$

$$P_{(4)} = p_1 p_2 p_3 p_4 = 0,7 \cdot 0,6 \cdot 0,5 \cdot 0,4 = 0,084$$

$$P_{(3)} = q_1 p_2 p_3 p_4 + p_1 q_2 p_3 p_4 + p_1 p_2 q_3 p_4 + p_1 p_2 p_3 q_4 =$$

$$= 0,3 \cdot 0,6 \cdot 0,5 \cdot 0,4 + 0,7 \cdot 0,4 \cdot 0,5 \cdot 0,4 + 0,7 \cdot 0,6 \cdot 0,5 \cdot 0,4 + 0,7 \cdot 0,6 \cdot 0,5 \cdot 0,6 =$$

$$= 0,036 + 0,056 + 0,084 + 0,126 = 0,302$$

3

$$P_{(3,4)} = P_{(3)} + P_{(4)} = 0,084 + 0,302 = 0,386$$

$$:) 0,084 \quad) 0,302 \quad) 0,386$$

15.

0,6; 0,7; 0,8; 0,9.

$$: \quad p_1 = 0,6, \quad p_2 = 0,7, \quad p_3 = 0,8, \quad p_4 = 0,9$$

$$q_1 = 1 - p_1 = 1 - 0,6 = 0,4;$$

$$q_2 = 1 - p_2 = 1 - 0,7 = 0,3;$$

$$q_3 = 1 - p_3 = 1 - 0,8 = 0,2;$$

$$q_4 = 1 - p_4 = 1 - 0,9 = 0,1.$$

$$P_{(4)} = p_1 p_2 p_3 p_4 = 0,6 \cdot 0,7 \cdot 0,8 \cdot 0,9 = 0,3024$$

$$P_{(0,1,2,3)} = 1 - P_{(4)} = 1 - 0,3024 = 0,6976$$

$$P_{(0)} = q_1 q_2 q_3 q_4 = 0,4 \cdot 0,3 \cdot 0,2 \cdot 0,1 = 0,0024$$

$$P_{(1)} = p_1 q_2 q_3 q_4 + q_1 p_2 q_3 q_4 + q_1 q_2 p_3 q_4 + q_1 q_2 q_3 p_4 =$$

$$= 0,6 \cdot 0,3 \cdot 0,2 \cdot 0,1 + 0,4 \cdot 0,7 \cdot 0,2 \cdot 0,1 + 0,4 \cdot 0,3 \cdot 0,8 \cdot 0,1 + 0,4 \cdot 0,3 \cdot 0,2 \cdot 0,9 =$$

$$= 0,0036 + 0,0056 + 0,0096 + 0,0216 = 0,0404$$

$$P_{(0,1)} = P_{(0)} + P_{(1)} = 0,024 + 0,0404 = 0,0428$$

$$P_{(2,3,4)} = 1 - P_{(0,1)} = 1 - 0,0428 = 0,9572$$

$$P_{(0,1)} = 0,0428$$

16.

Let A be the event that the first success occurs on the n -th trial. Then A is the event that the first $n-1$ trials are failures and the n -th trial is a success. The probability of A is $(1-p)^{n-1} p$.

Let B be the event that the first success occurs on the n -th trial. Then B is the event that the first $n-1$ trials are failures and the n -th trial is a success. The probability of B is $(1-p)^{n-1} p$.

- 1)
- 2)

$$P(A) = (1-p)^{n-1} p + (1-p)^{n-1} p(1-p) =$$

$$(1-p)^{n-1} p + (1-p)^{n-1} p(1-p)$$

17. 3 3 .

: 3 + 3 = 6 .

$$p_1 = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

2 3 (5).

$$p_{2(p_1)} = \frac{3}{5} = 0,6$$

: 0,6

18. 5 6 .

: 5 + 6 = 11 .

$$p_1 = \frac{5}{11} -$$

: 4 , 6 - 10 .

$$p_{2(1)} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} -$$

$$p = p_1 \cdot p_{2(1)} = \frac{5}{11} \cdot \frac{2}{5} = \frac{2}{11} -$$

$$: p = \frac{2}{11} \approx 0,1818$$

19.

75 - 98
75 .

$$p_{25} = \frac{960}{1000} = \frac{24}{25}$$

$$p_{75(25)} = \frac{960 - 58}{960} = \frac{902}{960} = \frac{451}{480}$$

$$p = p_{25} \cdot p_{75(25)} = \frac{24}{25} \cdot \frac{451}{480} = \frac{451}{500} = 0,902$$

: 0,902

20.

9 8 . 3 .
: : 9 + 8 = 17 .

$\frac{A}{\bar{A}}$

3 ;

$$P(A) = \frac{8}{17} \cdot \frac{7}{16} \cdot \frac{6}{15} = \frac{7}{85}$$

$$P(\bar{A}) = 1 - P(A) = 1 - \frac{7}{85} = \frac{78}{85}$$

: $\frac{78}{85} \approx 0,9176$

21.

$$p_1 = \frac{1}{6}$$

$$p_2 = \frac{1}{5}$$

$$p_3 = \frac{1}{4}$$

$$p_4 = \frac{1}{3}$$

$$p_5 = \frac{1}{2}$$

$$p_6 = 1$$

$$p = p_1 p_2 p_3 p_4 p_5 p_6 = \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = \frac{1}{720}$$

$$: \frac{1}{720} \approx 0,0014$$

22.

$$- 0,3,$$

$$- 0,4,$$

$$p_1 = 0,2, p_2 = 0,3, p_3 = 0,4$$

$$q_1 = 1 - p_1 = 1 - 0,2 = 0,8;$$

$$q_2 = 1 - p_2 = 1 - 0,3 = 0,7;$$

$$q_3 = 1 - p_3 = 1 - 0,4 = 0,6.$$

$$p = q_1 q_2 q_3 q_1 q_2 q_3 + q_1 q_2 q_3 q_1 q_2 p_3 = q_1 q_2 q_3 q_1 q_2 (q_3 + p_3) = q_1 q_2 q_3 q_1 q_2 = 0,8 \cdot 0,7 \cdot 0,6 \cdot 0,8 \cdot 0,7 = 0,18816$$

$$: 0,18816$$

23.

$$1 \cdot \frac{6}{5} \cdot \frac{4}{5} = \frac{24}{25}$$

$$: 6 + 4 = 10$$

:

$$1) p_1 = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} -$$

2-

$$11 : 6 = 5$$

$$\frac{2}{11} = \frac{11!}{9!2!} = \frac{10 \cdot 11}{2} = 55$$

2-

$$\frac{2}{5} = \frac{5!}{3!2!} = \frac{4 \cdot 5}{2} = 10$$

2-

:

$$p_{2(1)} = \frac{\frac{2}{5}}{\frac{2}{11}} = \frac{10}{55} = \frac{2}{11} -$$

$$2) p_1 = \frac{6}{10} = \frac{3}{5} -$$

2-

$$11 : 7 = 4$$

$$\frac{2}{4} = \frac{4!}{2!2!} = \frac{3 \cdot 4}{2} = 6$$

2-

:

$$p_{2(1)} = \frac{\frac{2}{4}}{\frac{2}{11}} = \frac{6}{55} -$$

:

$$p = p_1 \cdot p_{2(1)} + p_1 \cdot p_{2(1)} = \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{11} + \frac{3}{5} \cdot \frac{6}{55} = \frac{4}{55} + \frac{18}{275} = \frac{38}{275} -$$

$$: \frac{38}{275} \approx 0,1382$$

24.

$$-2 \quad 1 \quad , \quad -4 \quad 2 \quad 1 \quad ,$$

$$: \quad : \quad 3 + 1 = 4 \quad , \quad p_1 = \frac{3}{4}, p_1 = \frac{1}{4} -$$

$$1- \quad : \quad 2 + 1 = 3 \quad , \quad p_2 = \frac{2}{3}, p_2 = \frac{1}{3} -$$

$$1- \quad , \quad :$$

$$1) \quad , \quad : p_1 \cdot p_2 = \frac{3}{4} \cdot \frac{2}{3} = \frac{6}{12} \quad : 8$$

$$, \quad -6 \quad , \quad 3- \quad -$$

$$p_3 (p_1 p_2) = \frac{6}{8}$$

$$2) \quad , \quad - \quad :$$

$$p_1 \cdot p_2 = \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{3} = \frac{3}{12} \quad : 8 \quad , \quad -5 \quad ,$$

$$3- \quad - p_3 (p_1 p_2) = \frac{5}{8}$$

$$3) \quad , \quad - \quad :$$

$$p_1 \cdot p_2 = \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3} = \frac{2}{12} \quad : 8 \quad , \quad -5 \quad ,$$

$$3- \quad - p_3 (p_1 p_2) = \frac{5}{8}$$

$$4) \quad , \quad - \quad :$$

$$p_1 \cdot p_2 = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{12} \quad : 8 \quad , \quad -4 \quad ,$$

$$3- \quad - p_3 (p_1 p_2) = \frac{4}{8}$$

$$:$$

$$p = p_1 p_2 \cdot p_3 (p_1 p_2) + p_1 p_2 \cdot p_3 (p_1 p_2) + p_1 p_2 \cdot p_3 (p_1 p_2) + p_1 p_2 \cdot p_3 (p_1 p_2) =$$

$$= \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{8} + \frac{3}{12} \cdot \frac{5}{8} + \frac{2}{12} \cdot \frac{5}{8} + \frac{1}{12} \cdot \frac{4}{8} = \frac{36}{96} + \frac{15}{96} + \frac{10}{96} + \frac{4}{96} = \frac{65}{96} \approx 0,68 -$$

$$: \frac{65}{96} \approx 0,68$$

25.

6 4
 ,
 ,
 ,
 ,
 ,

: : 6 + 4 = 10

$$p_1 = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}, p_2 = \frac{4}{10} = \frac{2}{5}$$

1) 7, 4
 - 11

$$) p(1)_2 = \frac{3}{5} \cdot \frac{7}{11} = \frac{21}{55}$$

$$) p(1)_2 = \frac{3}{5} \cdot \frac{4}{11} = \frac{12}{55}$$

2) 5, - 11
 6

$$p(1)_2 = \frac{2}{5} \cdot \frac{6}{11} = \frac{12}{55}$$

$$p(1)_2 = \frac{2}{5} \cdot \frac{5}{11} = \frac{10}{55}$$

1, 2,

: 7 4
 1, 2 - 6 5

$$p = \frac{21}{55} \cdot \frac{4}{11} + \frac{12}{55} \cdot \frac{5}{11} + \frac{12}{55} \cdot \frac{4}{11} + \frac{10}{55} \cdot \frac{5}{11} = \frac{84}{605} + \frac{60}{605} + \frac{48}{605} + \frac{50}{605} = \frac{242}{605} = \frac{2}{5}$$

$$: p = \frac{2}{5} = 0,4$$