

1) (1 n)

$$1! = 1$$

$$2! = 1 \cdot 2 = 2$$

$$3! = 1 \cdot 2 \cdot 3 = 6$$

$$4! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 = 24$$

$$5! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 = 120$$

$$6! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 = 720$$

$$7! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 = 5040$$

...

$$(n-1)! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (n-2)(n-1)$$

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (n-2)(n-1)n$$

$$(n+1)! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (n-2)(n-1)n(n+1)$$

...

$$: 0! = 1$$

2) ,

_____ : , n (,)

$: P_n = n!$
$: \ll \quad n \quad ? \gg$
$: \quad \frac{n!}{(n-m)! \cdot m!}$
$: \ll \quad m \quad n ? \gg.$
$0 \leq m \leq n$
$: A_n^m = (n-m+1) \cdot \dots \cdot (n-1)n$
$: \ll \quad m \quad (n$
$) \quad ? \gg$
$: \quad \frac{n!}{(n-m)! \cdot m!} = \frac{n!}{(n-m)!} = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot (n-m)(n-m+1) \cdot \dots \cdot (n-1)n}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot (n-m)} = (n-m+1) \cdot \dots \cdot (n-1)n = A_n^m$

3)

$(a + b)$

n :

$$(a + b)^0 = 1$$

$$(a + b)^1 = C_1^0 a + C_1^1 b = a + b$$

$$(a + b)^2 = C_2^0 a^2 + C_2^1 a^1 b^1 + C_2^2 b^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a + b)^3 = C_3^0 a^3 + C_3^1 a^2 b^1 + C_3^2 a^1 b^2 + C_3^3 b^3 = a^3 + 3a^2 b + 3ab^2 + b^3$$

$$(a + b)^4 = C_4^0 a^4 + C_4^1 a^3 b^1 + C_4^2 a^2 b^2 + C_4^3 a^1 b^3 + C_4^4 b^4 = a^4 + 4a^3 b + 6a^2 b^2 + 4ab^3 + b^4$$

$$(a + b)^5 = C_5^0 a^5 + C_5^1 a^4 b^1 + C_5^2 a^3 b^2 + C_5^3 a^2 b^3 + C_5^4 a^1 b^4 + C_5^5 b^5 = a^5 + 5a^4 b + 10a^3 b^2 + 10a^2 b^3 + 5ab^4 + b^5$$

...

$$(a + b)^n = C_n^0 a^n + C_n^1 a^{n-1} b^1 + C_n^2 a^{n-2} b^2 + C_n^3 a^{n-3} b^3 + \dots + C_n^{n-2} a^2 b^{n-2} + C_n^{n-1} a^1 b^{n-1} + C_n^n b^n =$$

...

$$C_n^m \quad (\quad , \quad 2),$$

2- ():

0:				1										
1:				1	1									
2:				1	2	1								
3:				1	3	3	1							
4:				1	4	6	4	1						
5:				1	5	10	10	5	1					
6:				1	6	15	20	15	6	1				
7:				1	7	21	35	35	21	7	1			
8:				1	8	28	56	70	56	28	8	1		
9:				1	9	36	84	126	126	84	36	9	1	
10:				1	10	45	120	210	252	210	120	45	10	1

6-

6

$$(a + b)^6 = C_6^0 a^6 + C_6^1 a^5 b^1 + C_6^2 a^4 b^2 + C_6^3 a^3 b^3 + C_6^4 a^2 b^4 + C_6^5 a^1 b^5 + C_6^6 b^6 = a^6 + 6a^5 b + 15a^4 b^2 + 20a^3 b^3 + 15a^2 b^4 + 6ab^5 + b^6$$

$$C_n^m = \frac{n!}{(n-m)! \cdot m!} :$$

- $C_6^2 = 15$ ($6 \cdot 5 / (2 \cdot 1) = 15$)
- $C_9^5 = 126$ ($9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 / (5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1) = 126$)
- $C_{10}^3 = 120$ ($10 \cdot 9 \cdot 8 / (3 \cdot 2 \cdot 1) = 120$)

4)

$B - n$, A , A , B (m) , $m + n$
 A , m , $(A; B)$
 B , n , mn .

« » – .

5) ,

_____ : , () ,

$n_1 + n_2 + n_3 + \dots + n_k = n$ <p> n , $1-$: « , n_1 , $2-$ n_2 , $3-$ n_3 , ..., $k-$ n_k » () , n_i , </p>	$: P_{n()} = \frac{n!}{n_1! \cdot n_2! \cdot n_3! \cdot \dots \cdot n_k!}$
<p> : « n , m ? » $m > n$, m . </p>	$: \binom{m}{n} = \frac{m!}{n! \cdot (m-n)!} = \frac{(n+m-1)!}{(n-1)! \cdot m!}$
<p> : « n , m , ? ») . , n (</p> <p> m - . </p>	$: A_{n()}^m = n^m$